

بررسی مدل‌سازی‌های پتانسیل معدنی با استفاده از روش‌های مختلف دانش محور

میثم داودآبادی فراهانی^۱، ابوالقاسم کامکار روحاوی^۲، علیرضا عرب امیری^۲

^۱ دانشجوی دکترای تخصصی مهندسی معدن، دانشکده مهندسی معدن، نفت و ژئوفیزیک، دانشگاه صنعتی شاهرود، ایران

^۲ دانشیار و عضو هیئت علمی دانشکده مهندسی معدن، نفت و ژئوفیزیک، دانشگاه صنعتی شاهرود، ایران

نام نویسنده مسئول:

میثم داودآبادی فراهانی

چکیده

مدل‌سازی فرآیندی است که منجر به تولید مدل می‌گردد. مدل خلاصه یک واقعیت است که جزئیات مهم در آن در نظر گرفته شده است. مدل در واقع یک واقعیت را ساده بیان می‌کند ولی این ساده کردن به حدی نیست که مسائل مهم حذف شوند. یعنی عواملی که تاثیر حیاتی دارند، در مدل در نظر گرفته می‌شوند. در اکتشافات مقدماتی و اولیه، شناسایی مناطقی که باید در مراحل بعدی مورد توجه قرار گیرند با استفاده از مدل‌سازی پتانسیل معدنی صورت می‌گیرد. مدل‌سازی پتانسیل معدنی در واقع یافتن مکان‌ها یا مناطقی است که یک سری معیارها و ملاک‌ها برای حضور ذخیره در آن‌ها صدق می‌کند. روش‌های ساخت مدل‌های پیشگو به دو دسته دانش محور و داده محور تقسیم می‌شوند. در این تحقیق به بیان روش‌های مختلف دانش محور در مدل سازی پتانسیل معدنی پرداخته ایم. این روش‌ها شامل مدل سازی دانش محور با استفاده از نقشه‌های شاهد دوتایی، مدل سازی دانش محور با استفاده از نقشه‌های شاهد چندکلاسه، روش منطق بولی، مدل سازی با روش همپوشانی شاخص دوتایی، مدل سازی با روش همپوشانی شاخص چند کلاسه، روش منطق فازی و روش توابع برآورده باشد.

کلمات کلیدی: مدل سازی، پتانسیل معدنی، دانش محور، فازی، توابع برآورده.

۱- مقدمه

در مدل سازی پتانسیل معدنی در شرایطی که در منطقه مورد مطالعه تعداد اندیس‌های شناخته شده کم بوده و یا هیچ اندیس شناخته شده‌ای وجود ندارد، از روش‌های دانش محور استفاده می‌شود. روش‌های دانش محور مدل سازی پتانسیل معدنی در شروع عملیات اکتشاف در مناطقی که از لحاظ زمین‌شناسی مناسب بوده ولی در آن کار اکتشافی کم صورت گرفته، مناسب هستند. این روش‌ها عموماً در مناطقی که در آنجا هیچ ذخیره شناخته شده‌ای وجود ندارد یا تعداد ذخایر شناخته شده اندک است به کار می‌روند. تجربه اجرای عملیات اکتشاف و بررسی ارتباط وابستگی بین ذخایر معدنی شناخته شده و الگوهای زمین‌شناسی در نواحی که در آنها اکتشاف در حد خوب و متوسط صورت گرفته، به عنوان اساس روش دانش محور در تهیه مدل پتانسیل معدنی می‌باشد. [Caranza, 2008] بنابراین در این روش از مدل مفهومی ذخایر مورد پی جویی در مناطقی که عملیات اکتشاف در آنجا خوب صورت گرفته، برای تهیه مدل پتانسیل معدنی در نواحی جدید استفاده می‌شود. در واقع مدل مفهومی به عنوان ملاکی برای انتخاب و شناسایی معیارهای اکتشافی و الگوهای شاهد، تولید نقشه‌های پیش‌گو، تخصیص وزن به نقشه‌ها و الگوهای شاهد و در نهایت تلفیق نقشه‌های شاهد به منظور معرفی مناطق امیدبخش برای ذخیره مورد جستجو استفاده می‌شود. بنابراین واژه دانش محور اشاره به ارزیابی کیفی یا وزن دادن به شواهد براساس مقایسه و قضاوت کارشناسی می‌باشد. تخمین وزن هر نقشه‌ی شاهد و همچنین تخمین امتیاز و ارزش هر الگو (کلاس) از هر نقشه‌ی شاهد براساس قضاوت کارشناسی و تخصصی روی همراهی فضایی بین ذخایر مورد جستجو و هر مجموعه از منظرهای زمین‌شناسی شاهد است. تجربه‌ای که در روش دانش محور تهیه مدل پتانسیل معدنی استفاده می‌شود، از طریق عملیات و مشاهدات صحرایی اکتشاف مواد معدنی و همچنین از طریق تجربه‌های کاربرد روش‌های مختلف تحلیل و وابستگی فضایی بین منظرها و الگوهای زمین‌شناسی مشخص، با پراکندگی ذخایر شناخته شده مشابه مواد معدنی مورد جستجو، به دست می‌آید. همچنین ممکن است برای یک کارشناس که تجربه زیادی در اکتشاف ذخایر معدنی از نوع مورد جستجو دارد، دانش از تجربه استنتاج شود. روش دانش محور مدل سازی پتانسیل معدنی ممکن است نقشه‌های شاهد دوتایی یا چند کلاسه را براساس میزان اطلاعات و تجربه به دست آمده از نواحی خوب اکتشاف شده قبلی و یا با توجه به میزان دقت داده‌های اکتشافی در دسترس در مناطق مناسب (به لحاظ زمین‌شناسی) برای اکتشاف، به کار گیرد. اگر میزان یک یا هر دو عامل فوق یعنی اطلاعات حاصل از عملیات صحرایی و همچنین تجربه حاصل از مطالعه اندیس‌های شناخته شده مشابه ذخایر مورد جستجو بالا باشد، استفاده از نقشه‌های شاهد چند کلاسه برای مدل سازی پتانسیل معدنی مناسب می‌باشد، در غیر این صورت باید از نقشه‌های شاهد دوتایی استفاده گردد. [Caranza, 2008]

۲- مدل سازی دانش محور با استفاده از نقشه‌های شاهد دوتایی

در این روش مدلسازی، نقشه‌های شاهد نشان دهنده‌ی معیارهای شناسایی، فقط شامل دو الگوی شاهد، با امتیاز حداکثر و حداقل می‌باشند. حداکثر امتیاز به الگوی فضایی داده می‌شود که نشان دهنده حضور یک منظر زمین‌شناسی شاخص و راهنمای بوده و همراهی فضایی مثبت و محقق شده‌ای با کانی سازی‌های مشابه ذخایر مورد جستجو دارد. حداقل امتیاز به الگوی فضایی تخصیص می‌یابد که نشان دهنده عدم حضور یک منظر زمین‌شناسی شاخص و راهنمای بوده و هیچگونه همراهی فضایی محقق شده و معنی داری با کانی سازی‌های مشابه ذخایر مورد جستجو ندارد. در روش دوتایی مدلسازی، هیچگونه امتیاز حد واسطی بین این دو مقدار حداکثر و حداقل وجود ندارد. بنابراین این روش با حالات طبیعی و دنیای واقعی مغایرت دارد. به عنوان مثال ذخایر معینی ممکن است عملاً با گسلهای مشخصی همراه باشند (محل‌های وقوع تعدادی از ذخایر که معمولاً در روی نقشه‌ها با محل گسل‌ها مطابقت دارند)، حال اگر تصویر سطحی مشخصی از موقعیت آنها (کانی سازی و گسل) در فضای سه‌بعدی زیر سطحی در دسترس نباشد، ممکن است اشتباه صورت گیرد، زیرا محل گسل‌ها نشان داده شده در نقشه‌ها ممکن است با محل واقعی کانی سازی فاصله داشته باشد.

۲-۱- مدل سازی دانش محور با استفاده از نقشه‌های شاهد چندکلاسه

در این نوع از مدلسازی پتانسیل معدنی، نقشه‌های شاهد نشان دهنده معیارهای پی جویی دارای بیش از دو کلاس می‌باشند. در این روش مدل سازی فرض می‌شود که الگوهای مختلف نقشه‌های شاهد دارای درجه اهمیت متفاوت از نظر میزان وابستگی به کانی سازی بوده و بنابراین دارای ارزش‌های وزنی مختلفی براساس روش به کار رفته در مدل سازی داده‌های فضایی، خواهند بود. بالاترین امتیاز به الگوهایی تخصیص می‌یابد که حضور منظرهای زمین‌شناسی دلالت کننده کانی سازی را به تصویر می‌کشند. البته مقدار این امتیازها که همراهی مثبت و امیدبخش الگوهای زمین‌شناسی را با ذخایر مورد جستجو نشان می‌دهند، متفاوت می‌باشد. همچنین پایین ترین امتیاز به الگوهایی تخصیص می‌یابد که نشان دهنده عدم حضور شواهد مناسب و دلالت کننده حضور کانی سازی بوده و همراهی مثبت و معنی داری بین منظرهای زمین‌شناسی و ذخایر مورد جستجو وجود ندارد. بنابراین دامنه پیوسته‌ای از حداقل تا حداکثر امتیاز در مدل سازی با استفاده از نقشه‌های شاهد چند کلاسه وجود دارد. این روش دانش محور ممکن است واقعیت را کمتر یا بیشتر از حالت طبیعی به نمایش گذارد.

۲-۲- روش منطق بولی

روش منطق بولین یا به اختصار منطق بولی، یک روش مدل سازی دانش محور با استفاده از نقشه‌های شاهد دوتایی می‌باشد. در کاربرد منطق بولی برای مدل سازی پتانسیل معدنی، خصوصیات و یا قسمتهایی (الگوها و کلاس‌هایی) از داده‌های فضایی که با یک معیار شناسایی مناسب مطابقت دارند، یعنی شرط حضور یک معیار اکتشاف امیدبخش در آنها صدق می‌کند، با ارزش درست و عموماً با امتیاز ۱، طبقه بندی و ذخیره می‌شوند. در غیر این صورت با امتیاز ۰ نشان داده می‌شود و به معنی ارزش نادرست از نظر حضور ذخیره (یا وجود منطقه امیدبخش اکتشافی) می‌باشد. بنابراین یک نقشه شاهد بولی فقط شامل دو کلاس طبقه بندی شده با ارزش‌های ۰ به معنی نادرستی و ۱ به معنی درستی است. در مدل سازی با استفاده از منطق بولی، کلیه نقشه‌های شاهد، وزنی معادل دارند، زیرا در ماهیت منطق بولی مفهومی تحت عنوان مثلاً ۲ ضرب در درست وجود ندارد. بنابراین امتیازهای ۰ و ۱ در نقشه‌های شاهد بولی فقط به صورت نمادین بوده و به عنوان ارزش عددی در محاسبات منظور نمی‌شود. نقشه‌های شاهد بولی مرحله به مرحله با استفاده از عملگرهای منطقی با هم ترکیب می‌شوند. هر یک از نقشه‌های شاهد بولی در واقع به عنوان یک شرط، انکاسی از حضور یا عدم حضور فرآیندهای کنترل کننده کانی سازی و ارتباط بین آنها و الگوهای فضایی را در اختیار می‌گذارند. در هر مرحله حداقل دو نقشه شاهد بولی با هم ترکیب می‌شوند و یک وابستگی بین دو مجموعه از فرآیندهای کنترل کننده و گونه‌ای سازی و الگوهای فضایی دلالت کننده حضور کانی سازی را نمایش می‌گذارند. در هر یک از مراحل مختلف ترکیب نقشه‌های شاهد بولی ممکن است از عملگرهای مختلفی، به عنوان مثال به صورت عملگرهای AND (اشتراک) و OR (اجتماع) استفاده شود.

عملگر AND وقتی استفاده می‌شود که حداقل باید دو مجموعه از شواهد فضایی با هم و هم زمان به منظور محقق شدن هدف، حضور داشته باشند. عملگر OR وقتی استفاده می‌شود که یکی از حداقل دو گروه از شواهد فضایی به منظور محقق شدن هدف، کافی است. علاوه بر دو عملگر فوق عملگرهای دیگری نظیر NOT و غیره نیز در منطق بولی وجود دارند که کمتر در مدل‌سازی دانش محور پتانسیل معدنی استفاده شده است. خروجی ترکیب نقشه‌های شاهد با استفاده از منطق بولی نیز نقشه‌ای دارای دو کلاس می‌باشد. یک کلاس (کلاس با امتیاز ۱) نشان دهنده محل هایی است که تمام یا اکثر معیارهای شناسایی در آن حضور دارند و کلاس دیگر (کلاس با امتیاز ۰) نشان دهنده نقاطی است که در آنها معیارهای شناسایی حضور ندارند.

مثال‌هایی از کاربرد این روش در مدل سازی پتانسیل معدنی در منابعی مانند [Thiart and De Wit, Bonham-Carter, 1994; Harris et al., 2001; 2000] آورده شده اند.

۳-۲- مدل سازی با روش همپوشانی شاخص دوتایی

روش همپوشانی شاخص دوتایی نیز همانطور که از اسم آن مشخص است یک روش مدل سازی دانش محور با استفاده از نقشه‌های شاهد دوتایی می‌باشد. در مدل سازی همپوشانی شاخص دوتایی خصوصیات یا کلاس‌هایی از داده‌های فضایی که نشان دهنده یک معیار مناسب و امیدبخش برای شناسایی کانی سازی هستند، به صورت یک کلاس با ارزش ۱ ذخیره می‌شوند، در حالی که دیگر قسمت‌های نقشه دارای ارزش ۰ هستند. بنابراین یک نقشه دوتایی شبیه نقشه‌های بولی به وجود می‌آید، با این تفاوت که ارزش های شواهد می‌تواند به صورت عددی در نظر گرفته شود. بنابراین نقشه شاخص دوتایی را می‌توان به عنوان یک نقشه که اجرای عملیات محاسباتی روی آن ممکن است، در نظر گرفت. در نتیجه هر نقشه شاهد دوتایی (۰ می‌تواند یک وزن عددی را به خود اختصاص دهد یا در آن ضرب شود. این وزن براساس قضاوت و نظر کارشناسی و همچنین تجربه ای که در مورد اهمیت هر مجموعه از داده‌های فضایی و الگوهای زمین شناسی مرتبط با کانی سازی وجود دارد، تخصیص می‌یابد. در این حالت عموماً الگوهای زمین شناسی دلالت کننده کانی سازی به صورت نقشه‌های شاهدی هستند که تحت بررسی قرار می‌گیرند. این نقشه‌های شاهد دوتایی وزن دار با استفاده از معادله (۱) ترکیب می‌شوند. در این معادله امتیاز S برای هر محل (یا در واقع هر سلول واحد از منطقه مورد مطالعه) محاسبه می‌شود-[Bonham-Carter, 1994]

$$S = \frac{\sum_i^n W_i R_i}{\sum_i^n W_i} \quad (1)$$

در معادله (۱)، W_i وزن هر نقشه شاهد دوتایی i می‌تواند از ۱ تا n تغییر کند می‌باشد. در نقشه خروجی، هر محل یا سلول دارای یک مقدار S بین ۰ یعنی کاملاً بدون ارزش اکتشافی و ۱ یعنی کاملاً امیدبخش و دارای ارزش اکتشافی حداکثر است. بنابراین اگرچه در این روش نقشه‌های ورودی فقط دارای دو کلاس و طبقه‌بندی می‌باشند، اما خروجی می‌تواند مقادیر ارزش اکتشافی حد وسط بین ۰ و ۱ را داشته باشد، که این حالت بیشتر از خروجی مدل‌سازی بولی واقعیت را منعکس می‌کند. در این خصوص نیز مثال‌هایی با استفاده از کاربرد روش مدل‌سازی همپوشانی شاخص دوتایی در تهیه مدل پتانسیل معدنی توسط [Bonham-Carter, 1994; Carranza et al., 1994;

[Carranza, 2002; 1999; Thiart and De Wit, 2000; Carranza, 2008] ارائه شده است. تعیین و تخصیص وزن مناسب برای هر یک از نقشه‌های شاهد خاص تا حد زیادی به صورت درک و قضاوت کیفی وزن دهنده اجرا می‌شود و حتی در حالتی که دانش و تجربه کافی نیز وجود دارد، ممکن است شامل مراحل سعی و خطأ^۱ باشد [Carranza, 2008].

۴-۲- مدلسازی با روش همپوشانی شاخص چندکلاسه

این روش در واقع نوع بسط داده شده روش مدلسازی همپوشانی شاخص دوتایی است. هر یک از زامین الگوها (کلاس‌ها) از نقشه شاهد آم

S_{ij} دارای یک وزن میزان میزان وابستگی به ذخایرمعدنی می‌باشد. امتیاز تخصیص یافته به الگوها می‌تواند یک عدد صحیح یا حقیقی مثبت باشد. هیچ محدودیتی برای دامنه امتیاز تخصیص وزن به الگوها وجود ندارد، به جز این که دامنه امتیاز تخصیص یافته به الگوها در همه نقشه‌های شاهد باید سازگار^۲ و هماهنگی داشته باشند. یعنی دارای مقادیر حداقل و حدکثر یکسان باشند. در واقع کنترل برتری‌های نسبی در نقشه‌های شاهد در حالت در نظر گرفتن دامنه تغییرات متفاوت وزن‌ها برای یک نقشه شاهد نسبت به دیگر نقشه‌های شاهد عملی نیست [Carranza, 2008]. اهمیت نسبی یک نقشه شاهد در مقایسه با دیگر نقشه‌های شاهد به وسیله تخصیص وزن‌های

W_i کنترل می‌شود. این امتیاز معمولاً عدد صحیح مثبت است. نقشه‌های شاهد وزن‌دار سپس با استفاده از معادله (۲) با هم ترکیب می‌شوند که در واقع میانگین وزن‌ها را برای هر محل محاسبه می‌کنند [Bonham-Carter 1994].

$$\bar{S} = \frac{\sum_i^n S_{ij} W_i}{\sum_i^n W_i} \quad \text{معادله (۲)}$$

مقدار خروجی \bar{S} برای هر محل، برابر مجموع حاصل ضرب S_{ij} و W_i در هر نقشه شاهد تقسیم بر مجموعه W_i ها برای هر نقشه شاهد می‌باشد. مثال‌هایی از مدلسازی به روش همپوشانی شاخص چندکلاسه توسط [De Araujo & Macedo, Harris et al., 2001; Billa et al., 2004; Chico-Olmo et al., 2002; 2002; 2002; 2002] ارائه شده است. بنابراین علاوه بر انعطاف‌پذیری در تخصیص وزن به الگوهای شاهد، مزیت روش همپوشانی شاخص چندکلاسه در مقایسه با مدلسازی به روش همپوشانی شاخص دوتایی این است که عدم قطعیت را نیز در نظر گرفته و در پیش‌بینی دخالت می‌دهد. بنابراین به کارگیری همزمان هر دو روش دوتایی و چندکلاسه به جای به کارگیری یکی از آن‌ها بهتر است. ضعف این روش‌ها نیز در تلفیق خطی شواهد است که باعث می‌شود نقش فرآیندهای مؤثر در کانی‌سازی مستقیماً در نظر گرفته نشود [یوسفی و کامکار روحانی، ۱۳۸۹].

۳- روش منطق فازی

مدلسازی به روش منطق فازی براساس تئوری مجموعه‌های فازی [Zadeh, 1965] بنا شده است. مثال‌هایی از کاربرد منطق فازی در نقشه برداری و مدل سازی پتانسیل معدنی توسط [D'Ercole et al., 2000; Knox-Robinson, 2000; Porwal & Sides, 2000; Venkararaman et al., 2000 ; Carranza & Hake, 2001; Carranza, 2002; Porwal et al., 2003; Harris & Sanborn-Barrie, Tangestani & Moore, 2003; Ranjbar & Honarmand, 2004; Eddy et al., 2006; Rogge et al., 2006; Nykanen et al., 2008] ارائه شده است. به طور کلی کاربرد منطق فازی در مدل سازی پتانسیل معدنی شامل سه مرحله اصلی است. مرحله اول شامل فازی سازی داده‌های مربوط به شواهد، مرحله دوم ترکیب منطقی نقشه‌های شاهد فازی با کمک شبکه ای از مجموعه عملگرهای مناسب فازی و مرحله سوم قطعی سازی و خروج از حالت فازی به منظور کمک به تفسیر بهتر می‌باشد.

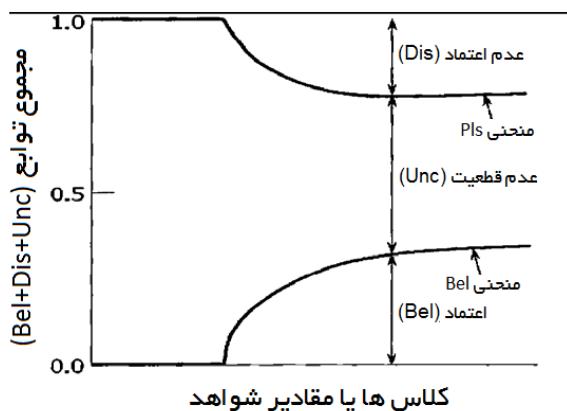
¹. Trial-and-error

². Compatible

۴- روش توابع برآورده

۴-۱- تخمین دانش محور توابع برآورده

مفهوم ارزیابی و تعیین میزان احتمال و درجه معرف بودن مجموعه‌ای از شواهد پیش‌گو توسط تئوری دمپستر-شیفر^۳ بیان می‌گردد. این تئوری ابتدا براساس تعمیم قانون احتمالات بیزین^۴ به وجود آمد و اساس تئوری برآورده توابع مربوط به میزان اعتبار شواهد شواهد (EBF)^۵، شکل گرفت [Dempster, 1967, 1968]. سپس با تعریف دوتابع دیگر به نام‌های تابع اعتماد^۶ و تابع باور یا معقول بودن^۷ [Shafer, 1976] به ترتیب حدود پایین و بالا احتمالات تعریف شده و از آن پس در موارد مختلف افراد مختلف توسعه پیدا کرد و در تلفیق داده‌ها و اطلاعات برای مدل‌سازی و شناسایی مناطق امیدبخش در اکتشاف مواد معدنی استفاده گردید. براساس این روش (روش برآورده) توابع مربوط به میزان اعتبار و اهمیت شواهد که از این پس در متن به اختصار به آن توابع برآورده اطلاع می‌گردد) برای یک الگوی شاهد فضایی، که در ارزیابی میزان اهمیت یک موقعیت در مدل‌سازی پتانسیل معدنی استفاده می‌شود، چهار مقدار (تابع برآورده) در فاصله بین ۰ و ۱ براساس میزان شاهد بودن الگوی مورد نظر تعیین می‌گردد. این مقادیر شامل اعتماد (Bel)، عدم اعتماد^۸ (Dis)، عدم قطعیت^۹ (Unc) و باور (Pls) می‌باشند. تابع اعتماد و باور به ترتیب نشان‌دهنده حد پایین و بالای میزان معرف بودن یک شاهد فضایی در یک موقعیت پیشنهاد شده برای مطالعات اکتشافی می‌باشند. بنابراین تابع باور و اعتماد مجموعاً نشان‌دهنده میزان مفهم بودن^{۱۰} و غیر قطعی بودن ارزیابی هستند. تابع عدم قطعیت (Unc) نشان‌دهنده عدم شناخت^{۱۱} یا تردید^{۱۲} در مورد یک شاهد فضایی، در یک موقعیت برای پی‌جويی یک ذخیره خاص می‌باشد. مقدار تابع عدم قطعیت از اختلاف بین تابع اعتماد و تابع باور به دست می‌آید. تابع عدم اعتماد (Dis) نشان‌دهنده میزان عدم معرف بودن یک شاهد فضایی در یک موقعیت برای پی‌جويی یک ذخیره خاص می‌باشد. در شکل (۱) روابط بین توابع برآورده شده است.



شکل (۱): روابط بین توابع برآورده [Carranza, 2008]

مجموع مقادیر توابع اعتماد، عدم قطعیت و عدم اعتماد برای یک شاهد فضایی برابر ۱ است. همچنین مجموع توابع باور و عدم اعتماد نیز برابر ۱ است. بنابراین روابط $Bel = Pls + Unc$ ، $Unc = Plc - Bel$ و $Pls = Bel + Unc$ برقرار است. میزان تابع عدم قطعیت تحت تأثیر نسبت بین تابع اعتماد و تابع عدم اعتماد است ($Dis = 1 - Bel$). اگر تابع عدم قطعیت برابر ۰ باشد، یعنی اطلاعات و دانش کافی و کامل در مورد شاهد فضایی وجود دارد، در این صورت $Bel + Dis = 1$ و نسبت بین Bel و Dis برای یک شاهد، دارای حالتی دوتایی است یعنی طبق تئوری احتمالات $Bel = 1 - Dis$ یا $Dis = 1 - Bel$ است. حال اگر عدم قطعیت برابر ۱ باشد، یعنی هیچ اطلاعات و دانشی در مورد شاهد فضایی وجود نداشته و عدم شناخت و ابهام به طور کامل وجود دارد. در این صورت توابع Bel و Dis برای یک شاهد مشخص برابر ۰ می‌باشند. بنابراین در حالت عدم قطعیت کامل، تابع اعتماد و تابع عدم اعتماد وجود ندارند. البته در حالات طبیعی معمولاً

³. Dempster-Shafer

⁴. Bayesian

⁵. Evidential Belief Functions (EBF)

⁶. Belief

⁷. Plausibility

⁸. Disbelief

⁹. Uncertainty

¹⁰. Vague

¹¹. Ignorance

¹². Doubt

عدم قطعیت نه برابر ۰ و نه برابر ۱ است بنابراین $Unc < 0$ و در نتیجه $Dis = 1 - Bel - Unc$ یا $Bel = 1 - Dis - Unc$ می‌باشد. با توجه به این که عدم قطعیت معمولاً حضور دارد، نسبت بین Bel و Dis برای یک شاهد مشخص معمولاً دوتایی نیست و بنابراین برای یک شاهد مورد استفاده در محاسبات مدل‌سازی، نه تنها مقدار Bel بلکه مقادیر Dis و Unc نیز باید تخمین زده شوند. در کاربرد روش دمپستر-شیفر در مدل‌سازی و نقشه‌برداری پتانسیل معدنی، معمولاً دو تا از سه تابع Bel ، Dis و Unc به منظور تعیین میزان تأیید یا عدم تأیید یک شاهد فضایی در معرف بودن یک تیپ کانی‌سازی مورد جستجو و همچنین میزان عدم قطعیت آن شاهد فضایی در ابتدا تخمین زده می‌شوند. سپس تابع Pls به سادگی با استفاده از دو تابع دیگر محاسبه می‌گردد. تابع Pls در قانون تلفیق دمپستر استفاده نمی‌شود. تخمین $همزمان Bel$ و Dis معمولاً مشکل است، زیرا واپستگی دوتایی بین این توابع باعث نادیده گرفتن Unc می‌شود. تخمین با هم Dis و Unc نیز مشکل است، زیرا عدم اعتماد و تردید با هم تداخل دارند. بنابراین تخمین با هم Bel و Unc معمولاً آسان‌تر و راحت‌تر^{۱۳} است. در حالتی که $1 < Unc < 0$ است، Bel معمولاً کمتر یا معادل $0/5$ برآورده می‌شود اما هرگز برابر ۰ نیست. ضمناً مقدار Unc از روش‌های زیر تخمین زده می‌شود.

- مقدار $Pls = Bel + Unc$ بیشتر از $5/0$ بوده امام برابر ۱ نیست.

- مقادیر تخمینی Bel و Unc به طور معکوسی متغیر می‌باشند، یعنی وقتی یکی بیشتر شود، دیگری کمتر می‌گردد و برعکس.

- مقادیر تخمینی Dis نیز با تخمین مقادیر Bel و Unc به طور معکوس تغییر می‌کند.

سه شرط فوق برای ارائه واپستگی‌ها و روابط واقع‌بینانه در حالت $1 < Unc < 0$ مهم هستند. در مرحله اول عدم قطعیت بالاتر، اعتماد پایین‌تر را منجر می‌شود یا برعکس. در مرحله دوم اعتماد بالاتر، عدم اعتماد پایین‌تر را منجر خواهد شد و برعکس. بنابراین در حالت معمول یعنی در حالت $1 < Unc < 0$ ، تخمین‌های Bel به سمت ۰ میل می‌کنند، در حالی که $Pls = Bel + Unc$ به سمت ۱ می‌رود. شرایط فوق برای تخمین دانش‌محور Bel و Unc در حالتی که برای ارتباط بین شاهد فضایی و کانی‌سازی، عدم قطعیت کامل وجود دارد ($Unc = 1$) یا اطلاعات و دانش به‌طور کامل وجود دارد (یعنی $Unc = 0$) به کار نمی‌رود. مثالی از عدم قطعیت کامل (۱) در نقشه‌برداری پتانسیل معدنی، وقتی است که داده فضایی وجود ندارد. همچنین هیچ حالت قطعیت کامل ($Unc = 0$) در مدل‌سازی پتانسیل معدنی وجود ندارد زیرا اگر Unc برابر ۰ باشد، اصلاً نیازی به مدل‌سازی پتانسیل معدنی نخواهد بود. پس از تخمین Bel و Unc در حالت $1 < Unc < 0$ ، دو تابع باقی‌مانده یعنی Dis و Pls به سادگی براساس روابط بین توابع برآورده که قبل‌بیان گردید و در شکل (۱) نیز نشان داده شد، برآورده می‌شوند. در عمل پارامترهای تخمین زده شده در روش توابع برآورده، در جدول خصوصیات همراه با نقشه‌های شاهد داده‌های فضایی مورد استفاده در مدل‌سازی پتانسیل معدنی، وارد می‌شوند. تخمین Bel شبیه تخمین امتیاز الگوهای شاهد مختلف در نقشه‌های چندکلاسه و همچنین تعیین امتیاز توابع عضویت فازی می‌باشد.

نقشه اعتماد دارای احتمالات جمع شده برای فرضیه مکان درست است و حداقل احتمال برای فرضیه مکان درست را نشان می‌دهد و در مکان‌هایی که شواهد مورد نظر در آن وجود دارند، میزان اعتقاد بالاتر است. از سوی دیگر، نقشه مقبولیت مناطق گستردگه‌تری را نشان می‌دهد که احتمال بالاتری دارند. این نقشه برای فرضیه درست، بالاترین احتمال ممکن را نشان می‌دهد. نقشه فوائل اعتقاد احتمال بالقوه را نشان می‌دهد؛ این تصویر همچنین به ارزشمندی‌بودن جمع‌آوری اطلاعات بیشتر دلالت دارد که منجر می‌شود منطقه برای تحقیقات آینده دارای ارزش بالقوه بیشتری باشد [سلمان‌ماهینی و کامیاب، ۱۳۹۰].

پس از تخمین کلیه توابع برآورده، باید این توابع که برای نقشه‌های شاهد مختلف برآورده شده‌اند، با هم تلفیق شوند تا امتیاز هر سلول واحد از منطقه مورد مطالعه به دست آید. در این حال به منظور تلفیق برای هر نقشه شاهد فضایی^۱ (i از ۱ تا n)، چهار نقشه خصوصیت نشان دهنده توابع Bel ، Dis ، Pls و Unc تولید می‌شود. نقشه‌های توابع برآورده تولید شده برای نقشه شاهد^۱ می‌توانند با نقشه‌های توابع برآورده تولید شده برای نقشه شاهد^۲، براساس قانون دمپستر تلفیق شوند. این تلفیق می‌تواند به وسیله کاربرد عملگرهای AND و OR اجرا گردد. معادلات تلفیق نقشه‌های توابع برآورده تولید شده مربوط به دو نقشه شاهد فضایی^۱ و ^۲ با استفاده از عملگر AND به صورت روابط (۳) تا (۵) بیان می‌گردد [Carranza, 2008]:

$$Bel_{x_1, x_2} = \frac{Bel_{x_1} Bel_{x_2}}{\beta} \quad (3)$$

^{۱۳}. Convenient

$$\text{Dis}_{X_i X_r} = \frac{\text{Dis}_{X_i} \text{Dis}_{X_r}}{\beta} \quad \text{معادله (۴)}$$

$$\text{Unc}_{X_i X_r} = \frac{\text{Unc}_{X_i} \text{Unc}_{X_r} + \text{Bel}_{X_i} \text{Unc}_{X_r} + \text{Bel}_{X_r} \text{Unc}_{X_i} + \text{Dis}_{X_i} \text{Unc}_{X_r} + \text{Dis}_{X_r} \text{Unc}_{X_i}}{\beta} \quad \text{معادله (۵)}$$

$$\beta = 1 - \text{Bel}_{X_i} \text{Dis}_{X_r} - \text{Dis}_{X_i} \text{Bel}_{X_r}$$

در معادلات، β از رابطه (۶) به صورت زیر به دست می‌آید:

معادله (۶)

β یک عامل نرمال‌کننده جهت اطمینان از حالت $\text{Bel} + \text{Unc} + \text{Dis} = 1$ است. معادلات (۳) و (۴) افزاینده^{۱۴} هستند. بنابراین نتیجه کاربرد عملگر AND در تلفیق نقشه‌های Bel و همچنین در تلفیق نقشه‌های Dis، نقشه‌هایی است که در آن مقادیر خروجی به ترتیب نمایش دهنده میزان اعتماد و عدم اعتماد است. این نقشه‌ها برای یک موقعیت، که توسط شواهد فضایی ارزیابی شده، با استفاده از دو نقشه ورودی دارای انطباق فضایی تولید می‌شوند. در معادله (۵) هر دو مورد جابه‌جایی^{۱۵} و اجماع‌پذیری^{۱۶} (شرکت‌پذیری) وجود دارد. بنابراین نتیجه کاربرد عملگر AND در تلفیق دو نقشه Unc، نقشه‌ای است که در آن مقادیر خروجی به وسیله شواهد فضایی با عدم قطعیت زیاد

در هر یک از دو نقشه ورودی کنترل می‌گردد. بنابراین عملگر AND در ترکیب دو شاهد فضایی مکمل^{۱۷} هم_۱ و هم_۲، به منظور ارزیابی یک موقعیت در مدل سازی پتانسیل معدنی مناسب است. به عنوان مثال در اکتشافات مواد معدنی فاصله از گسل (مجاورت با گسل) و همچنین آنومالی‌های ژئوشیمیایی رسوبات آبراهه‌ای می‌توانند دو مجموعه از شواهد فضایی مکمل هم برای وقوع ذخایر معدنی تلقی گردند. زیرا انواعی از ذخایر معدنی مثلاً ذخایر طلای اپی‌ترمال در امتداد گسل‌ها بوده و همچنین اگر در سطح باشند، می‌توانند عناصر فلزی را آزاد ساخته و در سیستم آبراهه‌ها باعث تمرکز فلزات در حد آنومالی در رسوبات گرددند. بنابراین کاربرد عملگر AND در ترکیب دو شاهد، خروجی را در بر دارد که در آن مناطق معرفی شده توسط هر دو شاهد تأیید شده است. بعد از به کار بردن معادلات (۳) تا (۵)، مقدار $P_{\text{Is}_{X_i X_r}}$ با استفاده از روابط موجود، قابل محاسبه است. تلفیق نقشه‌های توابع برآورد ایجاد شده مربوط به دو نقشه شاهد فضایی_۱ و X_2 با استفاده از عملگر OR به صورت روابط (۷) تا (۹) بیان می‌گردد [Carranza, 2008]

$$\text{Bel}_{X_i X_r} = \frac{\text{Bel}_{X_i} \text{Bel}_{X_r} + \text{Bel}_{X_i} \text{Unc}_{X_r} + \text{Bel}_{X_r} \text{Unc}_{X_i}}{\beta} \quad \text{معادله (۷)}$$

$$\text{Dis}_{X_i X_r} = \frac{\text{Dis}_{X_i} \text{Dis}_{X_r} + \text{Dis}_{X_i} \text{Unc}_{X_r} + \text{Dis}_{X_r} \text{Unc}_{X_i}}{\beta} \quad \text{معادله (۸)}$$

$$\text{Unc}_{X_i X_r} = \frac{\text{Unc}_{X_i} \text{Unc}_{X_r}}{\beta} \quad \text{معادله (۹)}$$

در معادلات (۷) تا (۹)، مقدار β از همان معادله (۶) محاسبه می‌شود. روابط (۷) و (۸) هم جابه‌جا پذیر و هم اجماع‌پذیر هستند. بنابراین نتیجه کاربرد عملگر OR در تلفیق نقشه‌های Bel و همچنین در تلفیق نقشه‌های Dis، نقشه‌هایی است که در آن‌ها مقادیر خروجی به وسیله شواهد فضایی به ترتیب با میزان اعتماد زیاد و عدم اعتماد بالا در هر یک از دو نقشه ورودی کنترل می‌شوند. با توجه به این که معادله (۷) افزاینده می‌باشد، بنابراین نتیجه کاربرد عملگر OR در تلفیق دو نقشه Unc، نقشه‌ای است که در آن مقادیر خروجی به وسیله شواهد فضایی با عدم قطعیت پایین در هر یک از دو نقشه ورودی کنترل می‌گردد. بنابراین عملگر OR در ترکیب دو نقشه شاهد فضایی مکمل هم

¹⁴. Multiplicative

¹⁵. Commutative

¹⁶. Associative

¹⁷. Supplementary

X_1 و X_2 ، به منظور ارزیابی یک موقعیت در مدل‌سازی پتانسیل معنی مناسب است و خروجی ترکیب دو شاهد، مناطقی را معرفی می‌کند که در آن‌ها محل حضور حداقل یکی از دو شاهد تأیید شده است. همان‌طور که قبلاً گفته شد، در اکتشافات مواد معنی فاصله از گسل (مجاوردت با گسل) و همچنین آنومالی‌های ژئوشیمیایی می‌توانند دو مجموعه از شواهد فضایی مکمل هم برای وقوع ذخایر معنی تلقی گردند. در حالت تلفیق با عملگر OR تمام مناطق در مجاور گسل و همچنین محل تمام آنومالی‌های ژئوشیمیایی لزوماً منطبق با محل حضور کانی‌سازی نیستند.

بعد از به کار بردن ۳ معادله (۷)، (۸) و (۹)، مقدار $P_{IS_{X_1, X_2}}$ ، با استفاده از روابط موجود، قابل محاسبه است. طبق قانون تلفیق دمپستر در هر زمان فقط دو نقشه از شواهد فضایی توابع برآورده، قابل ترکیب می‌باشند، بنابراین برای تلفیق نقشه‌های شاهد X_2 تا n باید نقشه‌ها را یکی پس از دیگری با به کار بردن مناسب معادلات (۳) تا (۹) تلفیق نمود. در نهایت مقدار Bel به عنوان شاخصی برای کانی‌سازی در نظر گرفته می‌شود. به علاوه با توجه به این که معادلات (۳) افزاینده است، در حالی که معادله (۷) اجماع‌پذیر و جابه‌جا پذیر است، نقشه خروجی تلفیقی Bel که از معادله (۳) استنتاج شده خیلی مشابه نتایج تلفیق با معادله (۷) نیست. یعنی این که مقادیر تلفیقی حاصل از توابع برآورده مختلف نباید به صورت مطلق و جداگانه تفسیر شوند، بلکه باید نسبت به هم مقایسه و تفسیر گردند. بنابراین در مدل‌سازی پتانسیل معنی، مقادیر تلفیق Bel نشان‌دهنده میزان نسبی احتمال وقوع ذخایر معنی می‌باشد. همانند مدل‌سازی پتانسیل معنی به روش منطق بولی و منطق فازی، تلفیق توابع برآورده با استفاده از عملگرهای منطق بولی نیز می‌تواند در مدل‌سازی مفید باشد.

۵- نتیجه گیری

مدل‌سازی فرآیندی است که منجر به تولید مدل می‌گردد. مدل خلاصه یک واقعیت است که جزئیات مهم در آن در نظر گرفته شده است. مدل در واقع یک واقعیت را ساده بیان می‌کند ولی این ساده کردن به حدی نیست که مسائل مهم حذف شوند. یعنی عواملی که تاثیر حیاتی دارند، در مدل در نظر گرفته می‌شوند. با استفاده از GIS می‌توان بهترین مناطقی را که از نظر داشتن خصوصیات لازم برای وجود کانی‌سازی مناسب می‌باشند، شناسایی نمود تا در مراحل بعدی و تفصیلی‌تر، عملیات اکتشافی بر روی آنها مرکز گشته، در زمان و هزینه صرفه‌جویی شده و در ضمن از ریسک عملیات اکتشافی نیز کاسته شود. روش‌های مختلف اکتشافی وجود دارند که هر روش ممکن است تعدادی نواحی امیدبخش معرفی کند ولی به دلیل محدودیت مالی و زمانی فقط تعدادی از این مناطق به عنوان اولویت اکتشافی انتخاب می‌شوند. در نتیجه در انتخاب این مناطق باید حداقل دقت در نظر گرفته شود. پس اگر به جای بررسی جداگانه هر روش اکتشافی، روش‌های مختلف در ارتباط با یکدیگر مورد بررسی قرار گیرند و خصوصیات روش‌های مختلف در یک چارچوب وابسته به هم تجزیه و تحلیل شوند، انتخاب بهترین نواحی برای مرکز اکتشافی با دقت بیشتر و ریسک کمتر صورت خواهد گرفت. روش‌های ساخت مدل‌های پیشگوی معنی به دو دسته دانش محور و داده محور تقسیم می‌شوند. از بین روش‌های مختلف با ذکر این نکته که هر یک از روش‌ها ممکن است در شرایطی بهتر از سایر روش‌ها عمل کند، اما به نظر می‌رسد استفاده از روش توابع برآورده به دلیل ارائه شاخصی برای عدم قطعیت روشی مناسب تر نسبت به سایر روش‌های معرفی شده باشد.

منابع و مراجع

- ۱-رجایی، ب.، تقیوی، ا.، و طاهری، ن.، آشنایی با نرم افزار های تعادلی، چاپ دوم، انتشارات دانشگاه، تهران، ۱۳۷۸.
 - ۲-ابراهیمی، م.ح. و رحمانیان، م.، "تجزیه و تحلیل تئوری و شبیه سازی عددی شعله های پیش آمیخته"، مجموعه مقالات اولین کنفرانس احتراق ایران، ۲۸-۲۹ بهمن، ۱۳۸۴.
 - ۳-احمدی، م.ح.، حقیقت، ح. و سوری، ا.، "اندازه گیری آلاینده های نیروگاه ری و مقایسه با استانداردهای موجود"، مجله فنی مهندسی مدرس، سال چهارم، شماره ۲، زمستان ۱۳۸۰.
 - ۴-حسامیان، م.ح.، "مقایسه شعله های پیش مخلوط آزاد با شعله های پیش مخلوط در محیط متخلخل"، پایان نامه کارشناسی ارشد مهندسی مکانیک (تبدیل انرژی)، دانشکده فنی و مهندسی، دانشگاه تربیت مدرس، ۱۳۸۲.
- 5-Turns, S.R., and Mantel, S.J., *An Introduction to Combustion*, 2nd Edition, McGraw Hill, 2000.
- 6-Williams, A., "Experimental investigation of premixed combustion within highly porous media", Proceeding of the ASME/J SME Thermal Engineering Joint Conference, pp. 752-758, 1992.
- 7-Asemi, M.A., Rahimi, M.H., and Fathi, A., "Stochastic modeling of CO and NO in premixed methane combustion", Combustion and Flame, Vol. 113, pp. 135-146, 1998.
- 8-Holland, M. [2004], *Guide to citing Internet sources* [online]. Poole, Bournemouth University.
Available from: http://www.bournemouth.ac.uk/library/using/guide_to_citing_internet_sourc.html [Accessed 4 November 2004].